

# High Performance Fortran

---

**Juan Ángel Lorenzo del Castillo**  
**Grupo de Arquitectura de Computadores**  
**Departamento de Electrónica y Computación**  
**Universidad de Santiago de Compostela**

# Introducción

---

- Nuevo paradigma de programación: *data parallel programming*
- Objetivo: promover el uso del paralelismo
- Lenguaje estándar: HPF
- Extiende Fortran 90
- Expresa el paralelismo de forma simple

# Programa

---

- Programación *data-parallel*
- Introducción a Fortran 90
- Distribución y alineamiento de datos en HPF
- Directivas y construcciones paralelas en HPF
- Funciones intrínsecas y librería HPF
- Otros tópicos y desarrollos actuales

---

# *Programación data-parallel*

# Contenido

---

- Paradigmas de programación paralela
- Programación *data-parallel*
- El HPF Forum

# Paradigmas de programación paralela

---

- Sistemas de memoria compartida
  - Programa secuencial + directivas
  - Utiliza construcciones del SO (semáforos, barreras, *locks*, etc.)
  - Variables compartidas
- Sistemas de memoria distribuida
  - Lenguaje convencional + rutinas especiales
  - Variables privadas
  - Comunicación vía llamadas a subrutinas

# Paradigmas de programación paralela

- Sistemas de memoria distribuida
  - Control completo del programador
  - Muy flexible pero...
    - Difícil de escribir y depurar
    - El programador es responsable de obtener alta eficiencia
  - Portabilidad mediante librerías estándar (PVM o MPI)

# Programación *data-parallel*

Automático (en fase de investigación)	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Paralelizadores automáticos</li> <li>- Compiladores paralelizadores</li> <li>- Reestructuradores de código</li> </ul>	
Semiautomático	<i>Data Parallel (HPF)</i>	
Manual	OpenMP	MPI
	Directivas de M.Compartida	-Paso mensajes específico arquitectura. -Sockets
	S.O., Semáforos, etc.	
	M.Compartida	M.Distribuida

-Comerciales: SUN, SGI  
-No comerciales: Polaris, SUIF



# Programación *data-parallel*

## Programación en alto nivel

- Distribución de datos y comunicaciones hecha por el compilador
- Independiente de la arquitectura
- Características:
  - Control *single-threaded*
  - Espacio global de nombres
  - Sincronización débil (mayor que con MP)

# Programación *data-parallel*

- Características
  - Paralelismo a través de operaciones sobre matrices de datos
  - Directivas del compilador
- Detalles de bajo nivel transferidos del programador al compilador  $\Rightarrow$ 
  - Eficiencia: mayor dependencia del compilador
- **Busca un mayor uso de sistemas paralelos**

# Programación *data-parallel*

## Ventajas e Inconvenientes

- Ventajas: Facilidad de uso
  - Fácil de escribir (no paso de mensajes explícito)
  - Fácil de depurar (control *single-threaded*)
  - Portable: códigos viejos y nuevos
  
- Desventajas: Flexibilidad y control
  - Sólo adecuado a ciertos problemas
  - Control restringido: distribución de datos
  - Difícil de obtener máximo rendimiento
  - Necesidad de buenos compiladores

# Programación *data-parallel*

---

- Útil para problemas con:
  - Datos en arrays grandes
  - Operaciones similares en cada elemento
  - Operaciones independientes
  - Problemas bien-balanceados de por sí
  
- Dificultades con problemas irregulares
  - Matrices dispersas
  - Problemas dinámicos

# Programación *data-parallel*

## Lenguajes *data-parallel*

- Muchas implementaciones
  - Fortran-Plus, MP Fortran, CM Fortran, C\*, CRAFT, Fortran D, Vienna Fortran
- Problemas
  - Demasiados lenguajes y dialectos
  - Lenguajes específicos de cada máquina
  - Pérdida de portabilidad
- Necesidad de un estándar: Creación del HPF Forum.
  - Compilador *pghpf* (*Portland Group Compiler*)

# El HPF Forum

## Objetivos

- Diseñar un lenguaje que ofrezca
  - Programación *data-parallel*
  - Máximo rendimiento en todas las máquinas
- Objetivos adicionales
  - Simplicidad y portabilidad (código viejo y nuevo)
  - Fácil implementación de compiladores, rápida disponibilidad

# El HPF Forum

## El concepto de HPF

- Definición de HPF: Fortran 90 +
  - Directivas para distribución de datos
  - Construcciones que expresen paralelismo: **FORALL**
- Funcionamiento:
  - Cada procesador ejecuta el mismo programa (SPMD)
  - Cada procesador opera sobre parte del conjunto total de datos.
  - Las directivas HPF dicen qué procesador trabaja sobre qué datos

# Resumen

---

- Computadores paralelos
- Paradigmas de programación:
  - Paso de mensajes
  - Paralelismo de datos
- High Performance Fortran
  - *High Performance Fortran Forum*
- *Portland Group Compiler: pghpf*



---

# *Introducción a Fortran 90*

# Introducción

---

- HPF incluye todo Fortran 90 (algunas características no soportadas en el *subset*).
- Fortran 90: Fortran 77 +
  - Operaciones con arrays
  - Funciones de control mejoradas
  - Tipos de datos derivados (estructuras)
  - Reserva dinámica de memoria y punteros
  - Nuevas funciones intrínsecas
  - Formato de escritura libre

# Nueva sintaxis mejorada

```
PROGRAM hola_mundo
!Decimos hola
    PRINT *, "Hola mundo" !Imprime "Hola mundo"
END PROGRAM hola_mundo
```

- No restricciones posicionales
- Nombres de 31 caracteres (letras, dígitos y \_)
- Comentarios comienzan por !
- No distingue mayúsculas y minúsculas
- Líneas de 132 caracteres como máximo

# Nueva sintaxis mejorada

- Más de una sentencia por línea (uso de ;)

```
x = y + z; z = z - y; CALL rutina(x, y)
```

- Continuación de línea: &

```
CALL rutina(arg1, arg2, arg3, arg4, &  
            arg5, arg6)
```

```
PRINT *, "Esto es un ejemplo de continua&  
        &ción de una línea"
```

- 39 líneas de continuación como máximo

# Tipos de datos

- Tipos intrínsecos (**INTEGER**, **REAL**, **CHARACTER**, **LOGICAL**, **COMPLEX**) y tipos derivados (definidos por el usuario)

- Nuevo estilo de definición

```
INTEGER :: a, b = 3, c
```

```
REAL :: m = 1E-3, n = 0.75
```

```
LOGICAL :: v1 = .TRUE., f1 = .FALSE.
```

```
COMPLEX :: comp1 = (5.6, 1.4E-2)
```

```
CHARACTER(LEN=5) :: r = "abcde"
```

```
REAL, PARAMETER :: pi = 3.1415926, pi2 = pi/2.0
```

- Recomendable el uso de **IMPLICIT NONE** (deshabilita declaración implícita)

# Datos en punto flotante

- Precisión y rango de exponente de un real depende del procesador (problema de portabilidad)
- Parámetro **KIND** asociado a un real que indica su precisión y rango.

```
INTEGER :: i
```

```
REAL (KIND=4) :: x, y, z
```

```
i = KIND(x) ! Devuelve i=4
```

- El significado de **KIND=4** depende del procesador  $\Rightarrow$ 
  - Sigue el problema de portabilidad

# Datos en punto flotante

- Uso con `SELECTED_REAL_KIND (P,R)`

- Ejemplo:

```
INTEGER, PARAMETER :: mireal = &
    SELECTED_REAL_KIND (P=8,R=30)
```

```
REAL (KIND=mireal) :: x,y
```

```
REAL, PARAMETER :: z = -1.3E-2_mireal
```

- $x, y, z$  reales de al menos 8 cifras decimales y un exponente entre  $10^{-30}$  y  $10^{30}$
- $P$  y  $R$  opcionales (uno de ellos obligatorio)
- Si la precisión o rango exigidos no está disponible, se devuelve un valor negativo

# Tipos de datos derivados

- Se construyen a partir de tipos intrínsecos o de otros tipos derivados ya definidos:

**!Definición de tipo**

```
TYPE datos_personales
  CHARACTER(LEN=12) :: nombre, apellido
  INTEGER :: edad
END TYPE datos_personales
```

!

**!Declaración de variables**

```
TYPE(datos_personales) :: p1, p2
```

**!Asignación de valores**

```
p1 = datos_personales("José", "Pérez", 35)
```

**!Referencia a componentes**

```
p2%apellido = p1%apellido
```



# Vectores y matrices

- Declaración:

```
REAL, DIMENSION(10) :: vec1, vec2
REAL, DIMENSION(4,3) :: mat1
REAL, DIMENSION(21:40) :: vect3
REAL, DIMENSION(5:9,-7:12) :: mat2
REAL :: vec4(20), mat3(10,2)
```

- Inicialización:

```
INTEGER, DIMENSION(5) :: V=(/1,2,3,4,5/), V2
V2 = (/ (i/2, i=2, 10, 2) /)      ! v2=(1,2,3,4,5)
V2 = (/6,4, (i-2, i=3,4), 15/)  ! v2=(6,4,1,2,15)
V2 = 0
```

# Vectores y matrices

- Expresiones con arrays completos

## Fortran 77

```
REAL a(100),b(100)
DO 1 i=1,100
    a(i) = 2.0
1   b(i) = b(i)*a(i)
```

## Fortran 90

```
REAL, DIMENSION(100)::a,b
a = 2.0
b = b * a
```

- Código compacto y fácil de leer

## Fortran 77

```
REAL a(20),b(20),c(20)
DO 1 i=1,20
1   a(i-1) = b(i+9)+c(i-10)
```

## Fortran 90

```
REAL::a(0:19),b(10:29), &
      c(-9:10)
a = b + c
```

# Secciones de arrays

- Podemos referirnos a secciones de arrays a través de la notación de triplete:
  - *índice\_inicial:índice\_final:incremento*

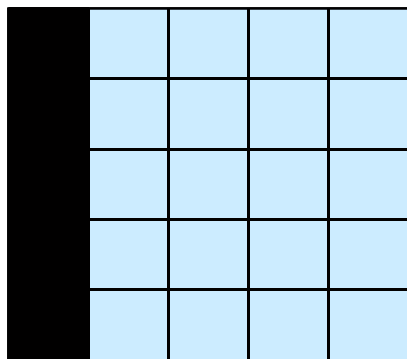
- Ejemplos:

```

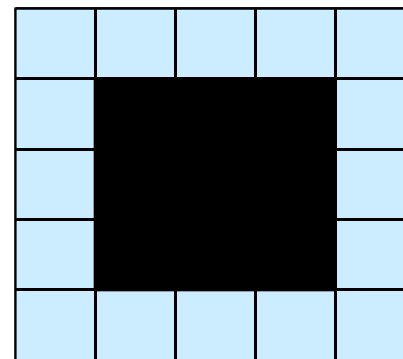
REAL, DIMENSION(20) :: a
a(2:8:3)      ! a(2), a(5), a(8)
a(8:2:-3)    ! a(8), a(5), a(2) en este orden
a(6:)        ! a(6), ..., a(20)
a(:9)        ! a(1), ..., a(9)
a(::5)       ! a(1), a(6), a(11), a(16)
media=SUM(a(2:20:2))/10 ! media de los elementos
                        pares
  
```

# Secciones de arrays

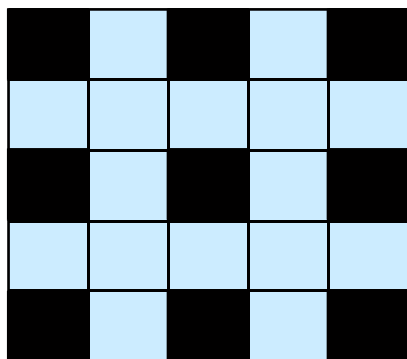
- Ejemplos de secciones:



$a(:, 1)$



$a(2:4, 2:4)$



$a(1::2, 1::2)$

1ª dimensión

2ª dimensión

# Arrays conformables

- Los arrays que aparecen en expresiones deben ser conformables:
  - Tener el mismo rango (nº de dimensiones), y
  - La misma extensión en cada dimensión
- La secuencia de extensiones define la *shape*

```
REAL :: a(1024), b(512)
```

```
a(513:) = b           !Esto es correcto
```

```
a(2:1024:2) = b      !Esto es correcto
```

```
a = b                !Esto no compila
```

# WHERE

- Uso de máscaras lógicas sobre un array:
  - Equivale a un **IF** en cada elemento
  - Uso de **==, /=, >, >=, <, <=** en vez de **.EQ., .NEQ.,** etc.

```
REAL, DIMENSION(5,5) :: a,b
```

```
.....
```

```
WHERE (a /= 0.0) b = 1/a
```

```
....
```

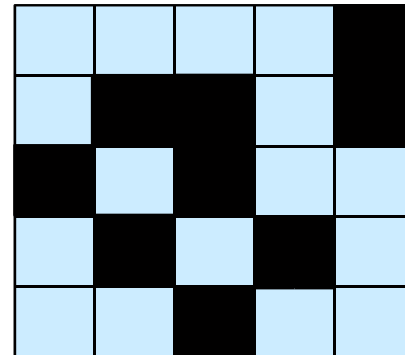
```
WHERE (a > 2.0)
```

```
    b = a*9.0
```

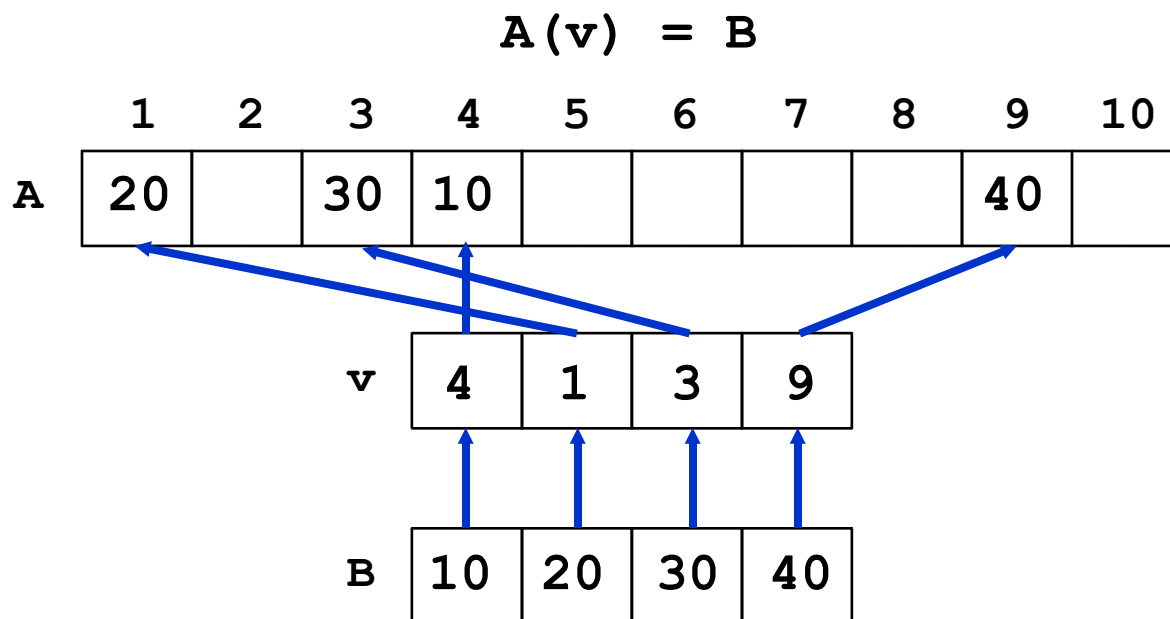
```
ELSE WHERE
```

```
    b = a/3.0
```

```
END WHERE
```



# Indirecciones



- $B(i)$  se copia en  $A(v(i))$  para todo  $i$

# Arrays y procedimientos

- *Explicit shape arrays*

- La forma es declarada explícitamente

```

SUBROUTINE s1(a,b,c,m,n)
REAL :: a(100,100)           !Estático
REAL, DIMENSION(m,n) :: b   !Ajustable
REAL :: c(-10:20,n:m)       !Ajustable

```

- *Assumed shape arrays*

- Sólo se declara el rango

```

SUBROUTINE s2(a,b,n)
REAL :: a(:, :, :)
REAL, DIMENSION(0:,n:) :: b

```



# Control de flujo

- Bloque IF:

```

IF(condicion1) THEN
    sentencias_fortran
ELSE IF(condicion2) THEN
    sentencias_fortran
ELSE
    sentencias_fortran
END IF
    
```

- IF lógico:

```

IF(condición) sentencia_fortran
    
```

- *sentencia\_fortran* no puede ser IF, CASE o DO

# Control de flujo

- Bloque CASE:

```

INTEGER :: numero
SELECT CASE (numero)
CASE (:3)      ! numero<=3
    .....
CASE (5)      ! numero==5
    .....
CASE (4, 6:9)  ! numero==4 o 6 <= numero <= 9
    .....
CASE DEFAULT  ! En otro caso
    .....
END SELECT
  
```

# Lazos DO

```
DO contador=inic, final [,inc]
  sentencias_Fortran
  if (X>10) EXIT
END DO
```

```
ext: DO
  sentencias_Fortran
  int: DO
    if(X>10)EXIT int
  END DO
```

- No se recomienda usar **DO WHILE (cond.)**. En su lugar, utilizar **EXIT** (sale del lazo)
- **CYCLE**: Vuelve al inicio del lazo, incrementando el contador
- Bucles anidados: **EXIT** o **CYCLE** del bucle más interno

# Funciones y subrutinas

- Funciones: proporcionan un único resultado

```

REAL FUNCTION raizcubica(x)
  IMPLICIT NONE
  REAL, INTENT(IN) :: x
  raizcubica = EXP(LOG(x)/3.0)
END FUNCTION raizcubica
  
```

- También pueden devolver un array

```

FUNCTION raizcubica(x)
  IMPLICIT NONE
  REAL, DIMENSION(:), INTENT(IN) :: x
  REAL, DIMENSION(SIZE(x)) :: raizcubica
  raizcubica = EXP(LOG(x)/3.0)
END FUNCTION raizcubica
  
```

# Funciones y subrutinas

- Subrutinas:

```

SUBROUTINE raices(x,raiz2,raiz3,raiz4)
  IMPLICIT NONE
  REAL, INTENT(IN)    :: x
  REAL, INTENT(OUT)  :: raiz2,raiz3,raiz4
  REAL :: lnx
  raiz2 = SQRT(x)
  lnx = LOG(x)
  raiz3 = EXP(lnx/3.0)
  raiz4 = EXP(lnx/4.0)
END SUBROUTINE raices
  
```

- **RETURN**: devuelve el control al programa principal

# Funciones y subrutinas

- Llamada a función:

```

PROGRAM ejemplo1
  IMPLICIT NONE
  REAL, EXTERNAL :: raizcubica
  REAL :: resul, z
  resul = raizcubica(z) + z
END PROGRAM ejemplo1
  
```

- Llamada a subrutina:

```

PROGRAM ejemplo2
  IMPLICIT NONE
  REAL :: z, r2, r3, r4
  CALL raices(z,r2,r3,r4)
END PROGRAM ejemplo2
  
```

# Funciones y subrutinas

- Atributo opcional **INTENT**: informa sobre los argumentos de los procedimientos
  - **INTENT (IN)** :
    - Argumento de entrada
    - No se puede modificar su valor en el procedimiento
  - **INTENT (OUT)** :
    - Argumento de salida
    - Valor indefinido al entrar en el procedimiento
  - **INTENT (INOUT)** :
    - Argumento de entrada y salida
- Argumentos de función: **INTENT (IN)**

# Funciones y subrutinas

- Si una variable local se inicializa en su declaración, su valor se mantiene al salir del procedimiento

```

SUBROUTINE ejemplo
  IMPLICIT NONE
  INTEGER :: x=0
  x = x + 1
END SUBROUTINE ejemplo
  
```

- Si no se quiere dar valor inicial, usar **SAVE**

```

SUBROUTINE ejemplo
  IMPLICIT NONE
  INTEGER, SAVE :: x
  . . . .
END SUBROUTINE ejemplo
  
```



# Funciones intrínsecas

---

- Funciones básicas
  - Funciones de F77 admiten arrays como argumentos: **SIN**, **MAX**, **ABS**, **LOG**, **INT**, **REAL**,...
  - Se aplica la función a cada elemento del array
- Funciones de manipulación de bits
  - **ISHFT**, **BTEST**, **IBITS**, **MVBITS**, ...
- Manejo de cadenas de caracteres
  - **LEN**, **LGT**, **TRIM**, **VERIFY**, **REPEAT**, **SCAN**,...
- Obtención de información de arrays
- Funciones de transformación de arrays

# Información de arrays

- **SIZE (ARRAY [ , DIM] )**: Número de elementos del array, total o sobre la dimensión DIM
- **SHAPE (SOURCE)**: Devuelve un array de enteros de tamaño el rango de **SOURCE** y elementos las dimensiones del mismo
- **LBOUND , UBOUND (ARRAY [ , DIM] )**: Límite inferior y superior de array.

```

REAL, DIMENSION(-1:7,4:20) :: a
SIZE(a)                !Devuelve 153
SIZE(a,DIM=2)          !Devuelve 17
SHAPE(a)               !Devuelve (9,17)
LBOUND(a)              !Devuelve (-1,4)
UBOUND(a,DIM=1)       !Devuelve 7
  
```

# Transformación de arrays

---

- Funciones de construcción de arrays:
  - **SPREAD, PACK, RESHAPE, ...**
- Producto de vectores y matrices
  - **DOT\_PRODUCT, MATMUL**
- Funciones de reducción
  - **SUM, MAXVAL, PRODUCT, ANY, ...**
- Funciones de localización geométrica
  - **MAXLOC, MINLOC**
- Funciones de manipulación de arrays
  - **CSHIFT, EOSHIFT, TRANSPOSE**

# Funciones de reducción

- Normalmente operan sobre todos los elementos

```

REAL :: a(1024), b(4, 1024), c
c = SUM(a)           !Suma de todos los elementos
c = COUNT(a==0)     !Número de elementos cero
c = MAXVAL(a, MASK=a<0) !Máximo de los negativos
  
```

- Reducciones lógicas: **ANY**, **ALL**

```

LOGICAL a(n)
REAL, DIMENSION(n) :: b, c
IF( ALL(a) )      ..... !AND global
IF( ALL(b == c) ) ..... !Si son todos iguales
IF( ANY(a) )      ..... !OR global
IF( ANY(b < 0.0) ) ..... !Si algún elemento < 0
  
```

# Funciones de localización geométrica

- **MINLOC, MAXLOC (SOURCE)** : Posición del mínimo o máximo en el array

$$P = \text{MINLOC}(a)$$

<b>a</b>	1	5	0	9		<b>P</b>	3	1
	3	1	7	2				
	8	9	4	1				

- El array resultado tiene un tamaño igual al rango de **SOURCE**
- Si hay más de un valor extremo, se coge el primero

# Desplazamientos

- **CSHIFT (SOURCE, SHIFT, [, DIM])**:  
Desplazamiento circular sobre la dimensión **DIM**  
(**SHIFT**>0, izquierda, **SHIFT**<0, derecha)

**res = CSHIFT(src, SHIFT=-1, DIM=1)**

<b>src</b>			→	<b>res</b>		
1	2	3		3	1	2
4	5	6		6	4	5
7	8	9		9	7	8

**res = EOSHIFT(src, SHIFT=1, DIM=2)**

<b>src</b>			→	<b>res</b>		
1	2	3		4	5	6
4	5	6		7	8	9
7	8	9		0	0	0

# *Distribución de datos en HPF*

# Distribución de datos

---

- Data parallel  $\Rightarrow$  procesamiento y manipulación de grandes arrays:
  - PEs ejecutan similares operaciones sobre diferentes elementos de los arrays
- Distribución de los arrays:
  - Diferentes distribuciones, según problema
  - Buscar la mejor distribución

*Maximizar computación/comunicación*



# Distribución de datos

---

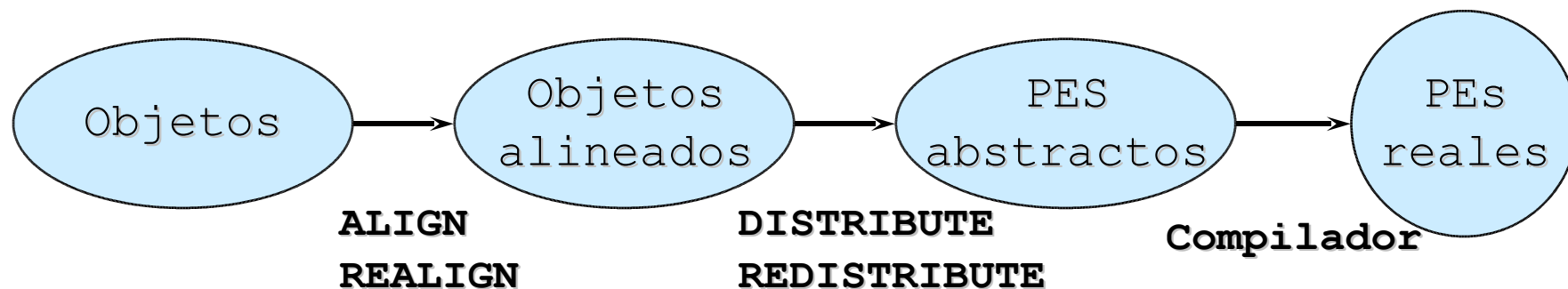
- Los compiladores actuales no son capaces de establecer las distribuciones:
  - Necesidad de directivas para controlar la distribución y ayudar al compilador
- Objetivo: reducir el *overhead* de comunicaciones y obtener código eficiente
- Clave en el desarrollo de programas HPF
- Directivas HPF:
  - !HPF\$ ⇒ Comentarios Fortran 90

# Distribución de datos en HPF

- Directivas:
  - PROCESSORS, DISTRIBUTE, ALIGN, TEMPLATE, REDISTRIBUTE, REALIGN
- Tres etapas:
  - **Alineamiento:** diferentes objetos son alineados unos respecto a otros o con templates (usuario)
  - **Distribución:** los objetos alineados se distribuyen sobre una malla abstracta de PEs (usuario)
  - **Proyección:** de la malla abstracta sobre la real (compilador)

# Distribución de datos en HPF

- Tres etapas:



# Directiva PROCESSORS

- Especifica la forma de la malla de PEs abstractos:
  - `!HPF$ PROCESSORS malla(6,2)`
  - Define una malla de 6 filas y 2 columnas
- La proyección a PEs físicos no está definida

# Directiva PROCESSORS

---

- Reglas:
  - Dos objetos proyectados sobre el mismo PE abstracto están en el mismo PE físico
  - Mallas con la misma forma son equivalentes
  - El nº de PEs en la malla abstracta debe ser menor o igual que el nº de PEs físicos

# Directiva PROCESSORS

- Ejemplos

```
!HPF$ PROCESSORS P1 (8) !P1(i) y P2(i) son el
!HPF$ PROCESSORS P2 (8) !mismo PE abstracto
!HPF$ PROCESSORS P3 (2,4)
```

# Directiva PROCESSORS

- Funciones relacionadas:

- **NUMBER\_OF\_PROCESSORS**

- N° de procesadores físicos

```
!HPF$ PROCESSORS p (NUMBER_OF_PROCESSORS () / 3 , 3)
```

- **PROCESSORS\_SHAPE**

- Forma de la malla física
- Ejemplo: malla de 4\*9 PEs físicos

```
PRINT *, PROCESSORS_SHAPE (malla) !Imprime (4,9)
```

# Directiva DISTRIBUTE

- Especifica como un objeto (array o plantilla) debe ser distribuido sobre la malla abstracta
- Ejemplo:
 

```
!HPF$ PROCESSORS p(6,3)
!HPF$ DISTRIBUTE A(BLOCK,BLOCK) ONTO p
!HPF$ DISTRIBUTE (BLOCK,BLOCK) ONTO p :: A
```
- Cada dimensión de A es distribuida BLOCK sobre la dimensión correspondiente de la malla p
- ONTO puede omitirse. El compilador distribuye



# Directiva DISTRIBUTE

---

- Tipos de distribución:
  - BLOCK
  - CYCLIC
  - BLOCK (*size*)
  - CYCLIC (*size*)
  - \*

# Directiva DISTRIBUTE

- El número de entradas **BLOCK** o **CYCLIC** debe ser igual al número de dimensiones de la malla de PEs:
  - Incorrecto (A array bidimensional):
 

```
!HPF$ PROCESSORS p(6)
!HPF$ DISTRIBUTE (BLOCK,BLOCK) ONTO p :: A
```
  - Correcto:
 

```
!HPF$ PROCESSORS p(6)
!HPF$ DISTRIBUTE (BLOCK,*) ONTO p :: A
```

    - A se distribuye por filas (**BLOCK**) sobre la malla unidimensional

# Tipos de distribución

- **BLOCK (b)**
  - Distribución por bloques de tamaño b
  - **BLOCK (b)**  $\Rightarrow \lceil N/b \rceil \leq P$
  - **BLOCK**  $\Leftrightarrow$  **BLOCK** ( $\lceil N/P \rceil$ )
  - Problemas:
    - Error si :  $b * P < N$
    - Ineficiencia si:  $N \ll b * P$

**N:** Tamaño del vector  
**P:** Número de procesadores

# Tipos de distribución

- Ejemplo:

```
!HPF$ PROCESSORS p(2,2)
      INTEGER, DIMENSION(100,100):: A
!HPF$ DISTRIBUTE(BLOCK,BLOCK) ONTO p:: A
```

A(1,1)	A(1,50)	A(1,51)	A(1,100)
<b>P(1,1)</b>		<b>P(1,2)</b>	
A(50,1)	A(50,50)	A(50,51)	A(50,100)
A(51,1)	A(51,50)	A(51,51)	A(51,100)
<b>P(2,1)</b>		<b>P(2,2)</b>	
A(100,1)	A(100,50)	A(100,51)	A(100,100)

# Tipos de distribución

- **BLOCK (b)**

- Ejemplo:  $N=100$ ,  $P=6$

- BLOCK(17)  $\Rightarrow$  Correcto, 1 PE parcialmente vacío

PE 1	PE 2	PE 3	PE 4	PE 5	PE 6
17	17	17	17	17	15

- BLOCK(25)  $\Rightarrow$  Ineficiente, 2 PEs vacíos

PE 1	PE 2	PE 3	PE 4	PE 5	PE 6
25	25	25	25	0	0

- BLOCK(16)  $\Rightarrow$  Incorrecto, no caben 4 elementos

PE 1	PE 2	PE 3	PE 4	PE 5	PE 6
16	16	16	16	16	16

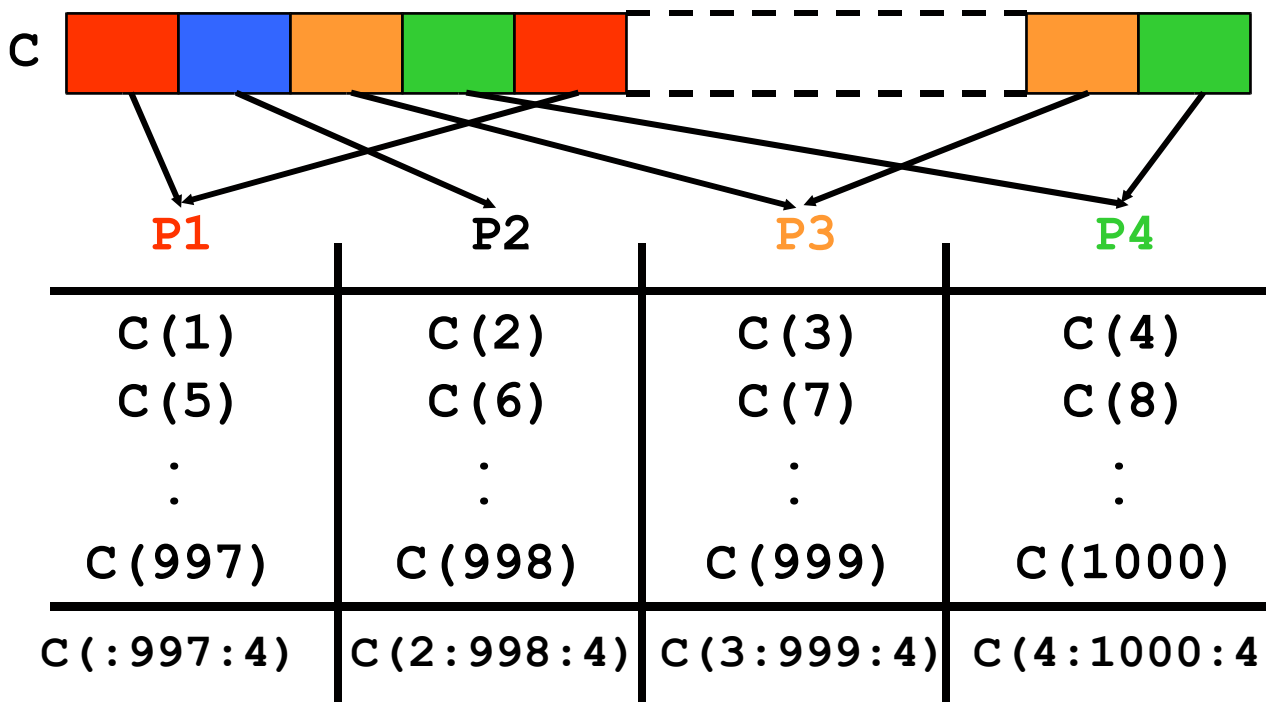
# Tipos de distribución

- **CYCLIC (b)**
  - Distribución cíclica por bloques
  - Bloques de tamaño b se distribuyen cíclicamente
  - No restricción en el tamaño del bloque
  - **CYCLIC ( $\lceil N/P \rceil$ )  $\Leftrightarrow$  BLOCK**
  - **CYCLIC  $\Leftrightarrow$  CYCLIC (1)**
- **CYCLIC (b) y BLOCK (b) son equivalentes**
  - BLOCK(b) podría simplificar cálculos de direcciones

# Tipos de distribución

- Ejemplo:

```
!HPF$ PROCESSORS p(4)
      INTEGER, DIMENSION(1000):: C
!HPF$ DISTRIBUTE(CYCLIC) ONTO p:: C
```



# Tipos de distribución

- \* : La dimensión correspondiente de la matriz no se distribuye

```
!HPF$ PROCESSORS p(4)
      INTEGER, DIMENSION(100,100):: A
!HPF$ DISTRIBUTE(BLOCK,*) ONTO p:: A
```

A(1,1)	<b>P(1)</b>	A(1,100)
A(25,1)		A(25,100)
A(26,1)	<b>P(2)</b>	A(26,100)
A(50,1)		A(50,100)
A(51,1)	<b>P(3)</b>	A(51,100)
A(75,1)		A(75,100)
A(76,1)	<b>P(4)</b>	A(76,100)
A(100,1)		A(100,100)

P(1) : A(1:25, :)

P(2) : A(26:50, :)

P(3) : A(51:75, :)

P(4) : A(76:100, :)



# Ejemplo de distribución

```

INTEGER, DIMENSION(100, 100) :: A
!HPF$ PROCESSORS p(4)
!HPF$ DISTRIBUTE (CYCLIC(10),*) ONTO p :: A
  
```

A(1, j)	A(41, j)	A(81, j)	PE 1
⋮	⋮	⋮	
A(10, j)	A(50, j)	A(90, j)	PE 2
⋮	⋮	⋮	
A(11, j)	A(51, j)	A(91, j)	PE 2
⋮	⋮	⋮	
A(20, j)	A(60, j)	A(100, j)	PE 3
⋮	⋮	⋮	
A(21, j)	A(61, j)		PE 3
⋮	⋮		
A(30, j)	A(70, j)		PE 4
⋮	⋮		
A(31, j)	A(71, j)		PE 4
⋮	⋮		
A(40, j)	A(80, j)		

# Directiva ALIGN

- Alinea unos objetos respecto de otros
  - Objetos alineados se proyectan sobre los mismos PEs
- Ejemplo: A y B en los mismos procesadores
 

```
!HPF$ DISTRIBUTE (BLOCK,BLOCK) ONTO p :: A
!HPF$ DISTRIBUTE (BLOCK,BLOCK) ONTO p :: B
```

  - Más claro
 

```
!HPF$ ALIGN A(:, :) WITH B(:, :)
!HPF$ DISTRIBUTE (BLOCK,BLOCK) ONTO p :: B
```
- Un objeto puede estar alineado o distribuido, pero no ambos

# Directiva ALIGN

- Sintaxis múltiple:

```
!HPF$ ALIGN A(:, :) WITH B(:, :)
```

```
!HPF$ ALIGN A(i, j) WITH B(i, j)
```

```
!HPF$ ALIGN (i, j) WITH B(i, j) :: A
```

```
!HPF$ ALIGN WITH B :: A
```

- Alineamientos complejos

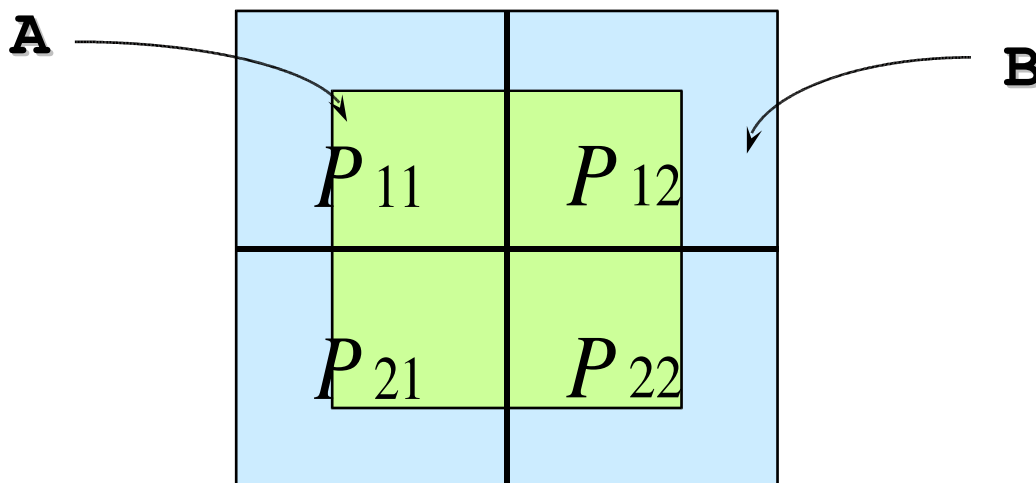
```
!HPF$ ALIGN c(i) WITH d(3*i+21)
```

```
!HPF$ ALIGN A(i, j) WITH B(j, i)
```

# Directiva ALIGN

- Es posible alinear un objeto con un subconjunto de otro:

```
REAL :: A(n,n) , B(n+2,n+2)
!HPF$ PROCESSORS p(2,2)
!HPF$ ALIGN A(i,j) WITH B(i+1,j+1)
!HPF$ DISTRIBUTE (BLOCK,BLOCK) ONTO p :: B
```



# Directiva ALIGN

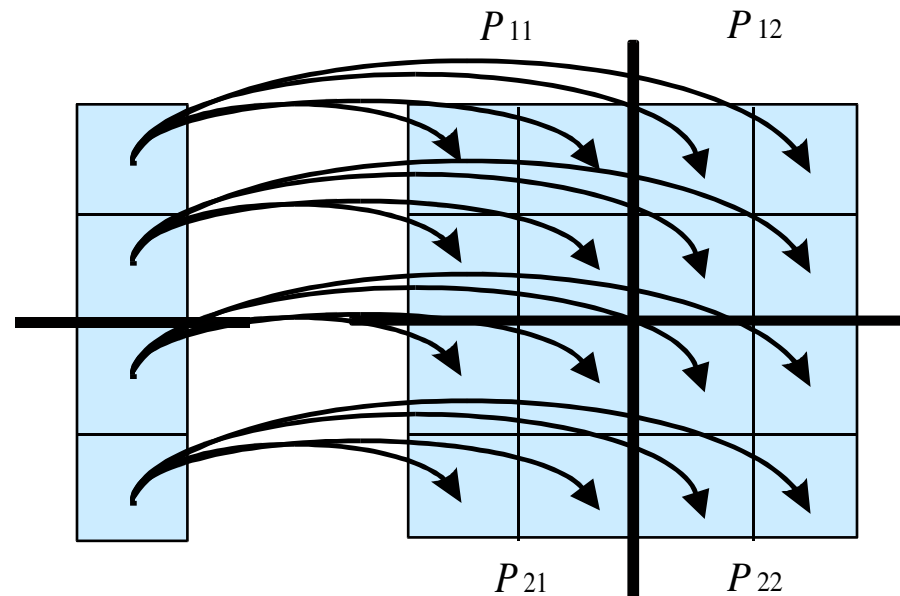
- Replicación:

```
!HPF$ PROCESSORS p(2,2)
```

```
!HPF$ ALIGN col(:) WITH matriz(:,*)
```

```
!HPF$ DISTRIBUTE matriz(BLOCK,BLOCK) ONTO p
```

- Cada elemento de col se alinea con una fila entera de matriz



# Directiva ALIGN

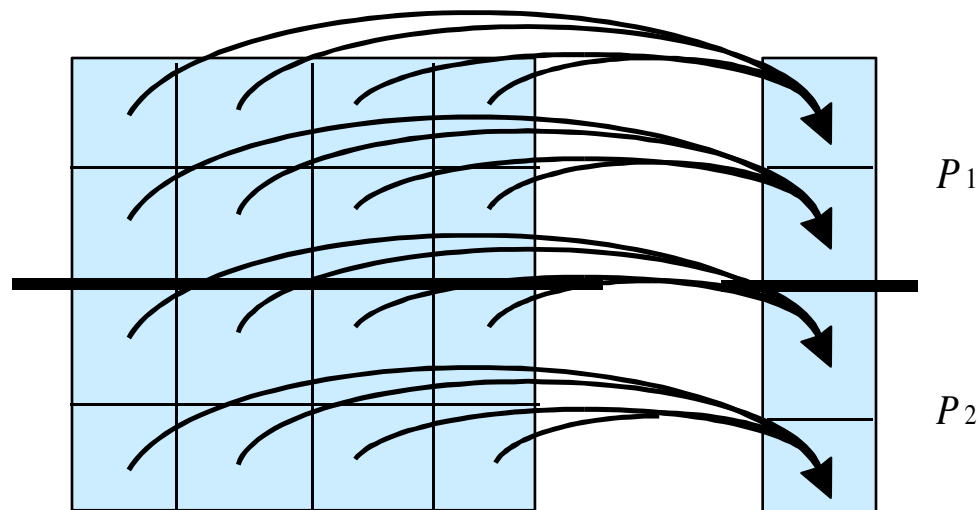
- Colapso:

```
!HPF$ PROCESSORS p(2)
```

```
!HPF$ ALIGN matriz(:,*) WITH col(:)
```

```
!HPF$ DISTRIBUTE col(BLOCK) ONTO p
```

- Cada fila entera de matriz se alinea con cada elemento de col



# Directiva ALIGN

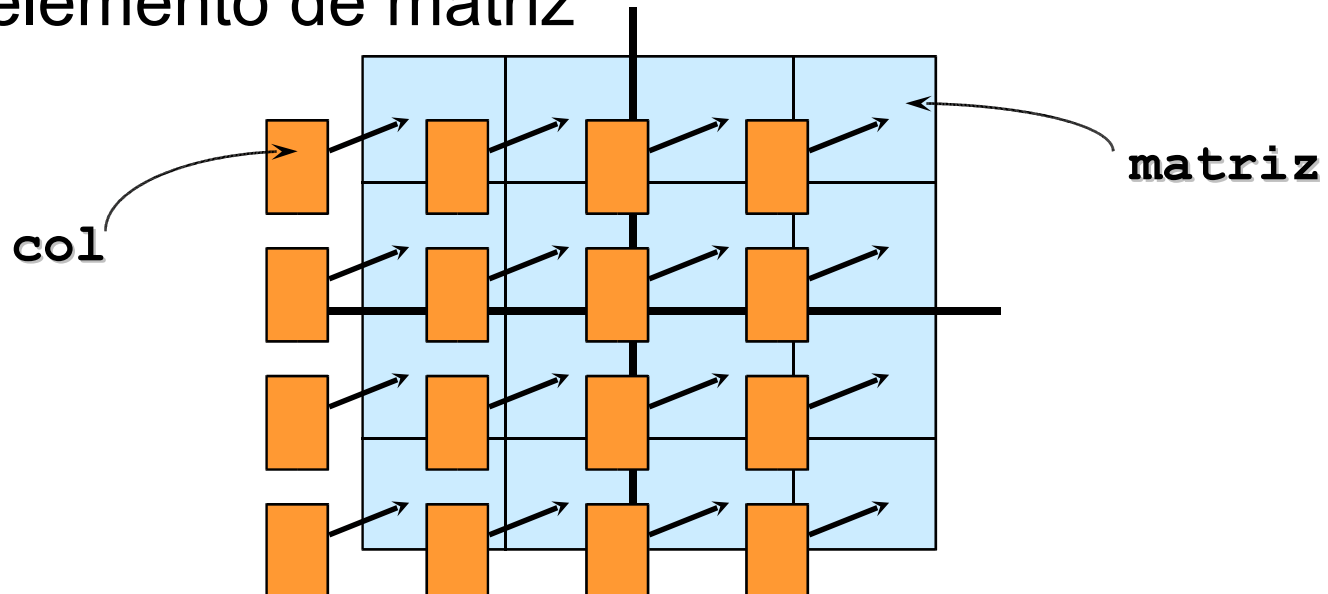
- Replicación a todos

```
!HPF$ PROCESSORS p(2,2)
```

```
!HPF$ ALIGN col(*) WITH matriz(*,*)
```

```
!HPF$ DISTRIBUTE matriz(BLOCK,BLOCK) ONTO p
```

- Cada elemento de col se alinea con cada elemento de matriz



# Directiva ALIGN

- Ejemplo: producto matricial  $C = A * B$
- A replicado por filas y B por columnas

```

REAL :: C(M,N) , A(M,L) , B(L,N)
!HPF$ PROCESSORS malla(2,2)
!HPF$ DISTRIBUTE (BLOCK,BLOCK) ONTO malla :: C
!HPF$ ALIGN A(:,*) WITH C(:,*)
!HPF$ ALIGN B(*,:) WITH C(*,:)
      FORALL(i=1:M,j=1:N) &
          C(i,j) = DOT_PRODUCT(A(i,:),B(:,j))
  
```

- No requiere comunicación

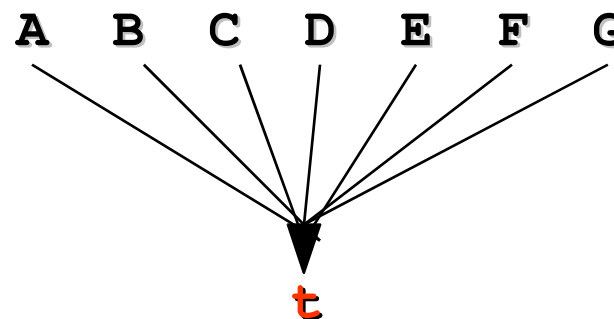
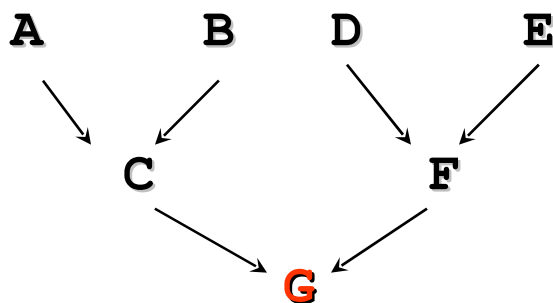


# Directiva TEMPLATE

- Proporciona un espacio de índices para alinear sin necesidad de reservar memoria

**!HPF\$ TEMPLATE t(100)**

- Simplifica el alineamiento:
  - Evita situaciones confusas



# Directiva TEMPLATE

- Imprescindible en algunos casos
  - Vectores replicados por filas o columnas

```

REAL :: row(N) , col(M)
!HPF$ PROCESSORS p(2,2)
!HPF$ TEMPLATE t(M,N)
!HPF$ ALIGN col(:) WITH t(:,*)
!HPF$ ALIGN row(:) WITH t(*,:)
!HPF$ DISTRIBUTE (BLOCK,BLOCK) ONTO p :: t

```

- t no ocupa memoria

# Redistribución dinámica

- Directivas para redistribuir o realinear en ejecución
  - **REALIGN**: cambia el alineamiento de un objeto
  - **REDISTRIBUTE**: cambia la distribución de un objeto y de todos los alineados con el
  - Un objeto alineado no puede ser redistribuido y viceversa
- Se usan igual que las estáticas, pero:
  - Aparecen en la parte ejecutable del programa
  - Los arrays realineados o redistribuidos deben declararse como **DYNAMIC**

# Redistribución dinámica

- Ejemplo:

```

REAL a(m,n)
!HPF$ DYNAMIC, DISTRIBUTE(BLOCK,BLOCK):: a
      .....
!!En ejecución
!HPF$ REDISTRIBUTE a(CYCLIC, CYCLIC)
  
```

- Operación muy costosa
- Poco recomendable
- No en el *subset*

# Distribución de arrays dinámicos

- Un array dinámico (ALLOCATABLE o POINTER) puede ser alineado o distribuido.
- La distribución se realiza cuando se invoca a allocate

```

SUBROUTINE PEPITO (N,M)
      REAL, ALLOCATABLE, DIMENSION(:) :: A,B
      !HPF$ ALIGN B(I) WITH A(I+N)
      !HPF$ DISTRIBUTE A(BLOCK(M*2))
      N = 43
      M = 91
      ALLOCATE (A(27))
      ALLOCATE (B(13))
      . . . .
  
```

- La distribución usa los valores iniciales de N y M

# Distribución de arrays dinámicos

- Para poder alinear, el objeto con el que se alinea debe existir:

```

SUBROUTINE JUANITO(N,M)
  REAL, ALLOCATABLE, DIMENSION(:) :: A,B
!HPF$ ALIGN B(I) WITH A(I+N)
!HPF$ DISTRIBUTE A(BLOCK(M*2))
  N = 43
  M = 91
  ALLOCATE(B(13))          !*** Error
  ALLOCATE(A(27))
  . . .

```

- B no puede crearse antes que A

# Resumen

---

- Dos procesos para distribuir datos:
  - **ALIGN**: Relación entre objetos
  - **DISTRIBUTE**: Distribución sobre PEs abstractos
- Método flexible y potente de describir una distribución eficiente
- La proyección a PEs físicos depende del compilador

---

# *Construcciones Paralelas en HPF*



# Construcciones paralelas

---

- Formas de expresar paralelismo en HPF
  - Operaciones con arrays (ya visto)
  - Nuevas construcciones: **FORALL**, **PURE**
  - Nuevas directivas: **INDEPENDENT**
  - Nuevas funciones intrínsecas
  
- Orientadas a paralelismo de grano fino

# Sentencia FORALL

- Generaliza la asignación de arrays de F90
- No es un lazo en sentido estricto: un **FORALL** no itera en un orden definido
- Útil para:
  - Asignaciones basadas en índices de arrays
 

```
FORALL (I=1:N, J=1:N) A(I, J) = 1.0/REAL(I+J)
```
  - Expresiones de movimiento irregular de datos
 

```
FORALL (I=1:N) B(I) = A(I, I)
```
  - Operaciones sobre arrays con procedimientos definidas por el usuario (funciones PURE)

```
FORALL (I=1:N, J=1:N) A(I, J) = Fu(B(I, J), C(I, J))
```

# Sentencia FORALL

- Condiciones para un FORALL
  - Orden de ejecución indefinido  $\Rightarrow$  "deben" ser independientes
  - Un índice no puede depender de otro, o del paso
    - !Non-conforming HPF
    - FORALL (I=1:N, J=1:I) A(I,J) = ...
    - !Correcto
    - FORALL (I=1:N, J=1:N, J.LE.I) A(I,J) = ...
  - No múltiples asignaciones al mismo elemento
    - FORALL (I=1:N) S = X(I) !Non-conforming
  - El valor de S no estaría definido

# Bloque FORALL

- Permite a un único **FORALL** controlar varias asignaciones

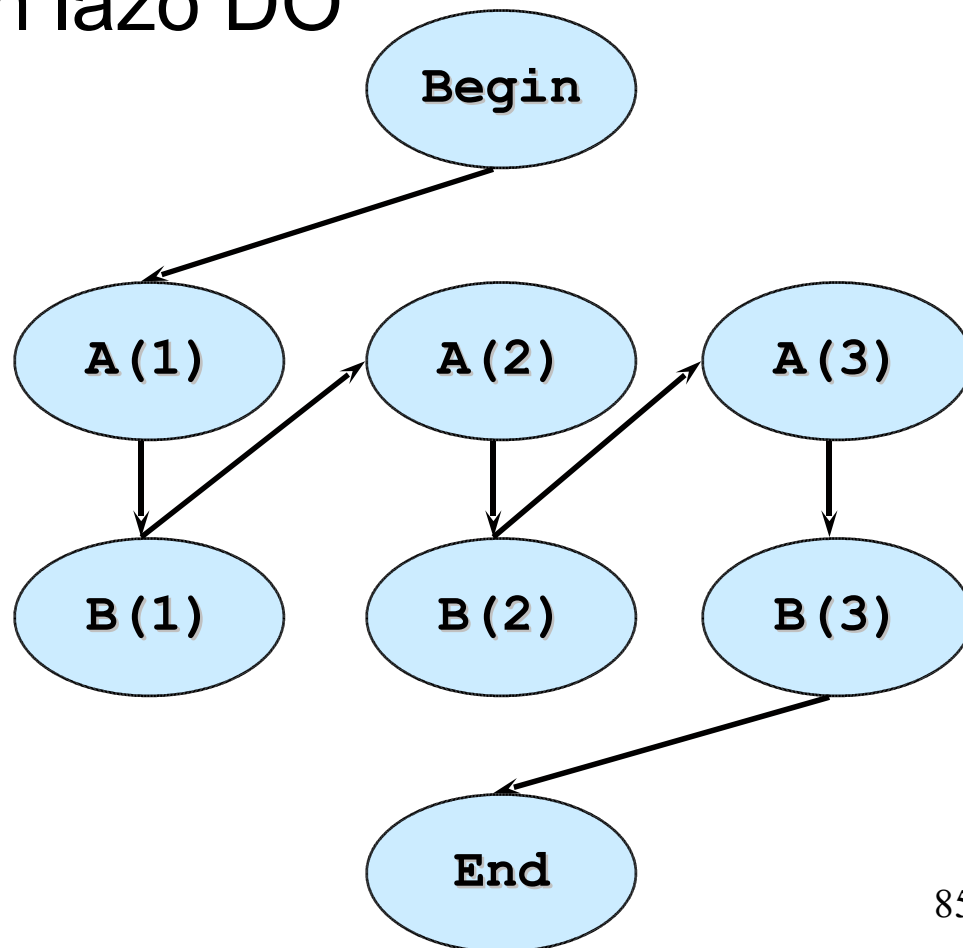
```
FORALL (I=1:N)
    A(I,J) = 1.0 / REAL(I+J)
    B(I) = I
END FORALL
```

- En el cuerpo puede haber asignaciones, otros **FORALL** o **WHERE**, o funciones **PURE**
- Un **FORALL** interno no puede modificar los índices de uno externo (puede usarlos)

# Sentencia FORALL

- Diferencia con un lazo DO

```
DO I = 1, 3
  B(I) = 1.0 / A(I)
END DO
```

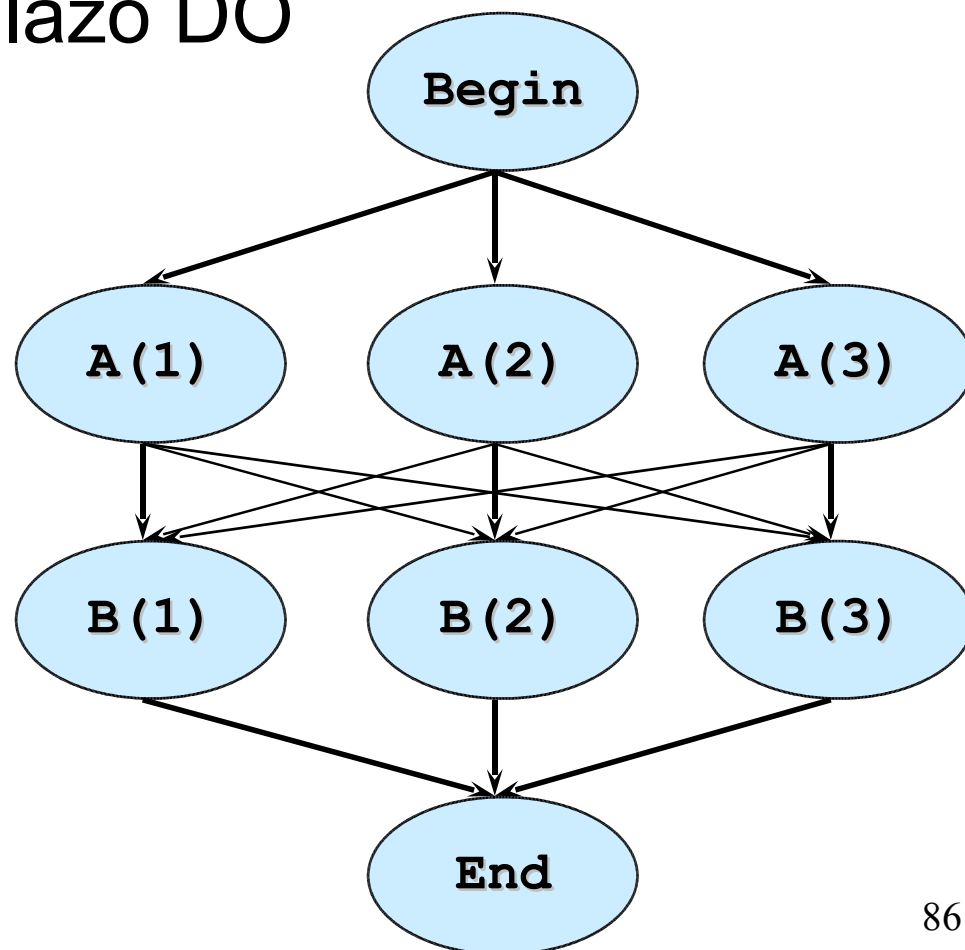


# Sentencia FORALL

- Diferencia con un lazo DO

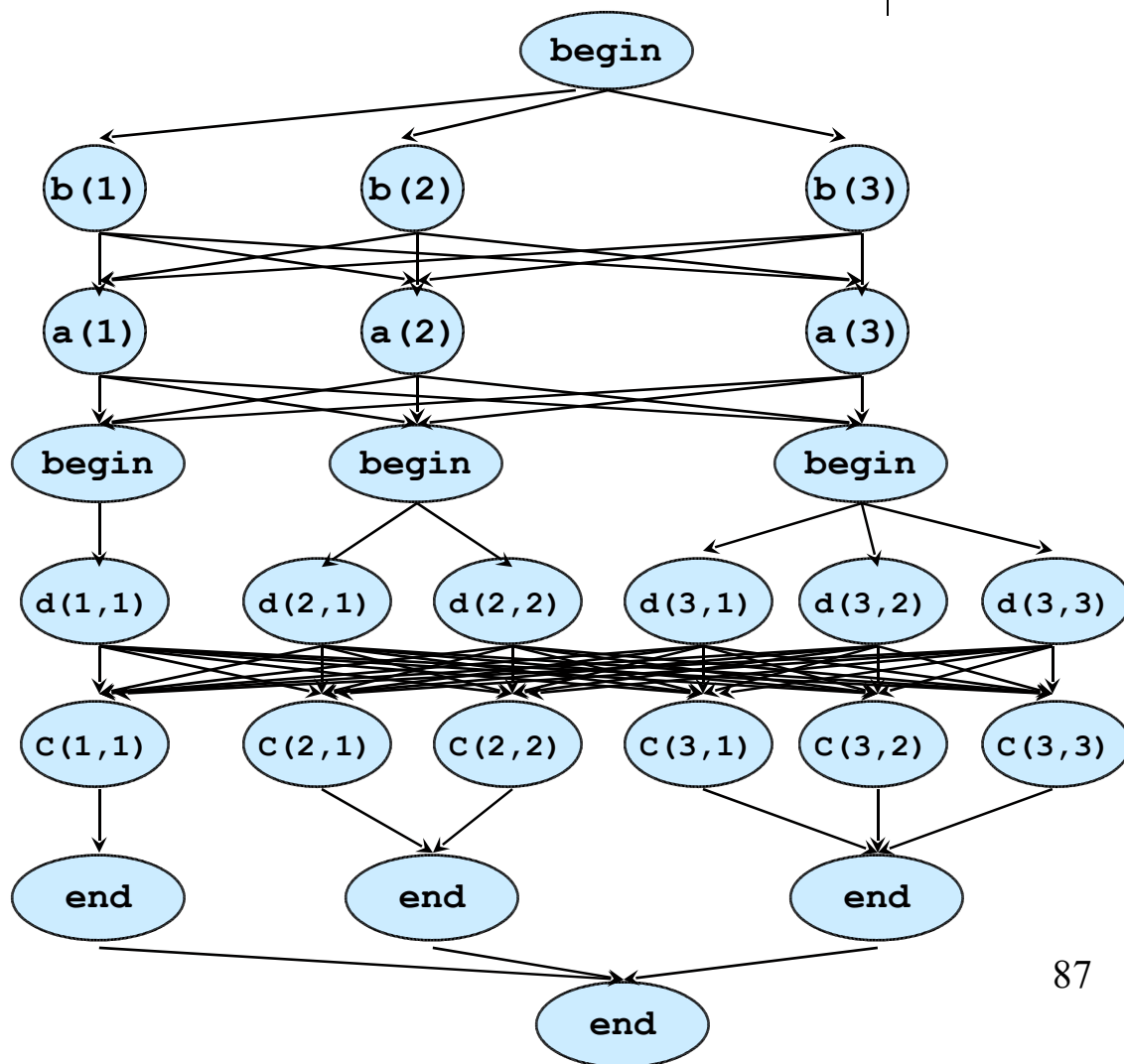
**FORALL (I=1:3) &  
B(I) = 1.0/A(I)**

**Sincronización implícita  
entre etapas**



# Bloque FORALL

```
FORALL (I=1:3)
  a(I) = b(I)
  FORALL (J=1:I)
    c(I,J) = d(I,J)
  END FORALL
END FORALL
```



# Ejemplo sentencia FORALL

- Lazo DO

```

INTEGER, DIMENSION(5) :: A = (/ (I,I=1,5) /)
.....
DO I = 2, 5
    A(I) = A(I-1)
END DO
    
```

- Resultado A = [1,1,1,1,1]

- Con FORALL

```

FORALL (I=2:5) A(I) = A(I-1)
    
```

- Resultado A = [1,1,2,3,4]



# Ejemplos de FORALL

- Ejemplos de FORALL

```
FORALL (i=1:10) A(index(i)) = B(i)
```

- `index(i)` no puede contener valores repetidos

```
FORALL (i=1:10, A(i) > 0.0) &  
    A(i) = 1.0/A(i)
```

```
FORALL (i=1:m, j=1:n) &  
    C(i,j)=DOT_PRODUCT(A(i,:),B(:,j))
```

- Producto de matrices  $A*B$

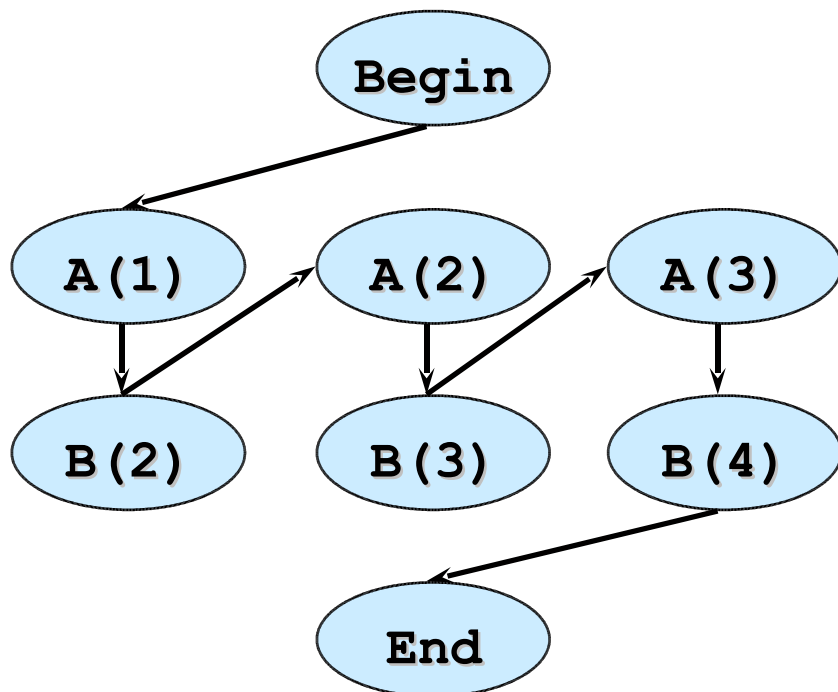
# Directiva **INDEPENDENT**

---

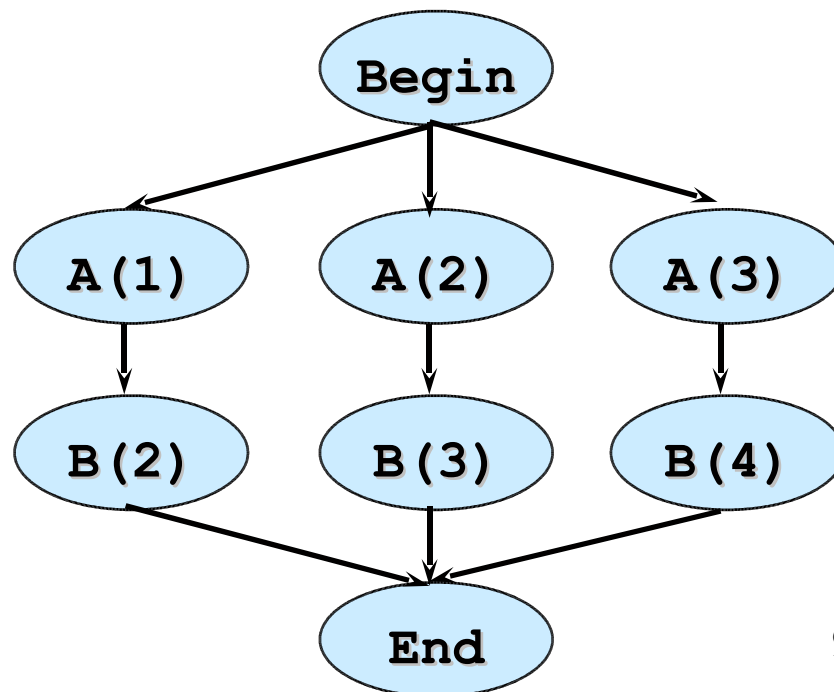
- Para **FORALL** y **DO**
- Elimina puntos de sincronización en los **FORALL**
- El programador debe asegurar que el resultado del lazo será el mismo que si se ejecutara en serie
- Si esto no se cumple el resultado es indefinido

# INDEPENDENT y DO

```
DO i=2,4
  B(i) = A(i-1)
END DO
```



```
!HPF$ INDEPENDENT
DO i=2,4
  B(i) = A(i-1)
END DO
```



# INDEPENDENT y FORALL

- Permite una mayor eficiencia en problemas no bien balanceados
- Uso: igual que con el DO

**!HPF\$ INDEPENDENT**

**FORALL (I=1:N) . . . .**

# Directiva INDEPENDENT

- Restricciones:

- Si un objeto se escribe en una iteración, no puede volver a leerse o escribirse

```

DO i=2, N                DO i=1, N
    A(i) = A(i-1)        S = S + A(i)*B(i)
END DO                    END DO
    
```

- No puede haber dependencias de control

```

DO i=1, N
    IF(A(i) .EQ. 10) EXIT
END DO
    
```

# Directiva INDEPENDENT

- Restricciones (pghpf)
  - Sólo se permiten instrucciones Fortran 77 en el cuerpo de un DO independiente
  - DO independientes pueden anidarse: no puede haber más de uno en un nivel

```

!HPF$ INDEPENDENT
  DO i=1, n
!HPF$ INDEPENDENT
    DO j=1, m
      ...
    END DO
!HPF$ INDEPENDENT
    DO j=m, 1, -1
      ...
    END DO
  END DO
END DO
  
```

# La cláusula NEW

- Permite definir variables temporales, privadas al lazo
- Una nueva variable es creada en cada iteración

```
!HPF$ INDEPENDENT, NEW (S)
DO i=1, n
    S = SRQT(A(i)**2 + B(i)**2)
    C(i) = S
END DO
```

- Fuera del lazo, S indefinida

# Problemas con DO independientes

- Excepto en casos simples, un DO independiente funcionará bien sólo en máquinas de memoria compartida (referencias muy complejas)

**NO DEBERÍAN USARSE EN SISTEMAS  
DE MEMORIA DISTRIBUIDA  
PROCURAR USAR ARRAYS O FORALL**



# Procedimientos PURE

- Permite llamar a procedimientos dentro de un **FORALL**
- Una función **PURE**:
  - No debe alterar los datos de entrada (necesario **INTENT (IN)** )
  - No debe tener efectos colaterales (p.e. modificación de datos globales, I/O, remapping, etc.)
  - Deben tener un interfaz explícito (**INTERFACE**)

# Procedimientos PURE

- Ejemplo

```
PURE REAL FUNCTION MY_EXP(X)
    REAL, INTENT(IN) :: X
    MY_EXP = 1+X+X*X/2.0+X**3/6.0
END FUNCTION MY_EXP
```

```
PURE REAL FUNCTION MY_SINH(X)
    REAL, INTENT(IN) :: X
    MY_SINH = (MY_EXP(X)-MY_EXP(-X))/2.0
END FUNCTION MY_SINH
```

.....

```
FORALL(i=1:N, j=1:N) S(i,j) = MY_SINH(A(i,j))
```

# Resumen

---

- HPF incluye constructores para expresar paralelismo (grano fino)
  - **FORALL**: generaliza las operaciones de arrays
  - **INDEPENDENT**: garantiza la ejecución sin interferencia entre iteraciones
  - **NEW**: permite variables temporales en **FORALL**
  - **PURE**: permite usar funciones en **FORALL**

---

# *Funciones Intrínsecas y Librería HPF*

# Funciones intrínsecas

- HPF añade a las numerosas funciones intrínsecas de Fortran 90:
  - Extensiones a **MAXLOC**, **MINLOC**, posición del máximo (mínimo) en un array: parámetro **DIM**
  - Dos funciones intrínsecas de información del sistema
  - Nueva intrínseca **ILEN**: número de bits necesarios para almacenar un valor entero
- Librería HPF: necesario **USE HPF\_library**

# Nuevas funciones intrínsecas

- Funciones de información del sistema:
  - **NUMBER\_OF\_PROCESSORS** ( [DIM] ): Devuelve el número total de PEs físicos disponibles, o el número a lo largo de una dimensión de la malla física
  - **PROCESSORS\_SHAPE** ( ): Devuelve la forma de la malla física de PEs
- Estos valores permanecen constantes a lo largo de la ejecución del programa
- No se ven afectados por la directiva **PROCESSORS**

# Nuevas funciones intrínsecas

- Ejemplos:

- Malla de 128x64 PEs:

`NUMBER_OF_PROCESSORS () ⇒ 8192`

`NUMBER_OF_PROCESSORS (DIM=2) ⇒ 64`

`PROCESSORS_SHAPE () ⇒ (182,64)`

- Uso en un programa:

```

INTEGER, DIMENSION (SIZE (PROCESSORS_SHAPE ())) :: P
REAL, DIMENSION (3*NUMBER_OF_PROCESSORS ()) :: A
!HPF$ TEMPLATE, DIMENSION (NUMBER_OF_PROCESSORS ()) :: T
  
```

# Librería HPF

---

- Funciones de tipo:
  - Información sobre la distribución
  - Nuevas funciones de manipulación de bits:  
**ILEN, LEADZ, POPCNT, POPPAR**
  - Nuevas funciones de reducción de arrays:  
**IALL, IANY, IPARITY, PARITY**
  - Funciones de scatter
  - Ordenación de arrays
  - Barrido: prefijo y sufijo



# Información sobre la distribución

- Permiten determinar la distribución actual de un array:
  - **HPF\_ALIGNMENT ( . . . )**: Información sobre el alineamiento
  - **HPF\_TEMPLATE ( . . . )**: Información de la plantilla o matriz con la que esta alineado
  - **HPF\_DISTRIBUTION ( . . . )**: Información de la distribución de la plantilla o matriz con la que está alineado

# Funciones de scatter

- Generaliza la asignación:  $\mathbf{Y}(\mathbf{v}) = \mathbf{X}$ , aún cuando  $\mathbf{v}$  tenga elementos repetidos, o sea multidimensional

- Formato

`XXX_SCATTER (ARRAY, BASE, INDX1, . . . , INDXn, [MASK] )`

donde:

`XXX` → `AND, ANY, COPY, COUNT, IALL, IANY, IPARITY, MAXVAL, MINVAL, PARITY, PRODUCT, SUM`

- El resultado tiene la forma de **BASE**. El número de **INDX** debe ser el rango de **BASE**

# Funciones de scatter

- Ejemplo

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix} \quad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} -1 & -2 & -3 \\ -4 & -5 & -6 \\ -7 & -8 & -9 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{I1} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & 1 \\ 3 & 2 & 1 \end{bmatrix} \quad \mathbf{I2} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 1 & 2 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{R} = \text{SUM\_SCATTER}(\mathbf{A}, \mathbf{B}, \mathbf{I1}, \mathbf{I2}) = \begin{bmatrix} 14 & 6 & 0 \\ 8 & -5 & -6 \\ 0 & -8 & -9 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{R} = \text{SUM\_SCATTER}(\mathbf{A}, \mathbf{B}, 2, \mathbf{I2}) = \begin{bmatrix} -1 & -2 & -3 \\ 30 & 3 & -3 \\ -7 & -8 & -9 \end{bmatrix}$$

# Ordenación de arrays

- Dos funciones:

`GRADE_UP (ARRAY, [DIM])`

`GRADE_DOWN (ARRAY, [DIM])`

- Ejemplo:

$A = [2 \ 9 \ 4] \Rightarrow S = \text{GRADE\_UP}(A)$

$\Rightarrow S = [1 \ 3 \ 2]$

$X = A(S) \Rightarrow X = [2 \ 4 \ 9]$

---

# *Otros tópicos y desarrollos actuales*

# Desarrollos actuales

---

- Trabajo del HPFF II  $\Rightarrow$  mejorar aspectos del HPF:
  - Depuración de errores y ambigüedades
  - Mejor control de paralelismo de grano grueso (múltiples procesos, control del trabajo, etc.)
  - Distribuciones de datos para problemas irregulares
  - Entrada salida paralela
- Objetivo: HPF v2.0 (Enero 1997)

# HPF subset

---

- Algunas características de F90 no están en el *subset* de HPF:
  - Formato de escritura libre
  - **POINTER, TARGET**
  - **SELECT CASE**
  - **MODULE**
  - **KIND**
  - Tipos de datos derivados y operadores
  - Algunas características de entrada/salida

# Portland Group Compiler: pghpf

---

- Pre-compilador paralelizador
- Compila HPF a Fortran 77 + pase de mensajes
- Gran variedad de hosts: Sun, Cray T3D, SGI, SP2, Paramid, AP3000
- Diferentes protocolos de comunicación: PVM, MPI, RPM (PVM optimizado), SHMEM, ...
- Es un *SUPER SUBSET*

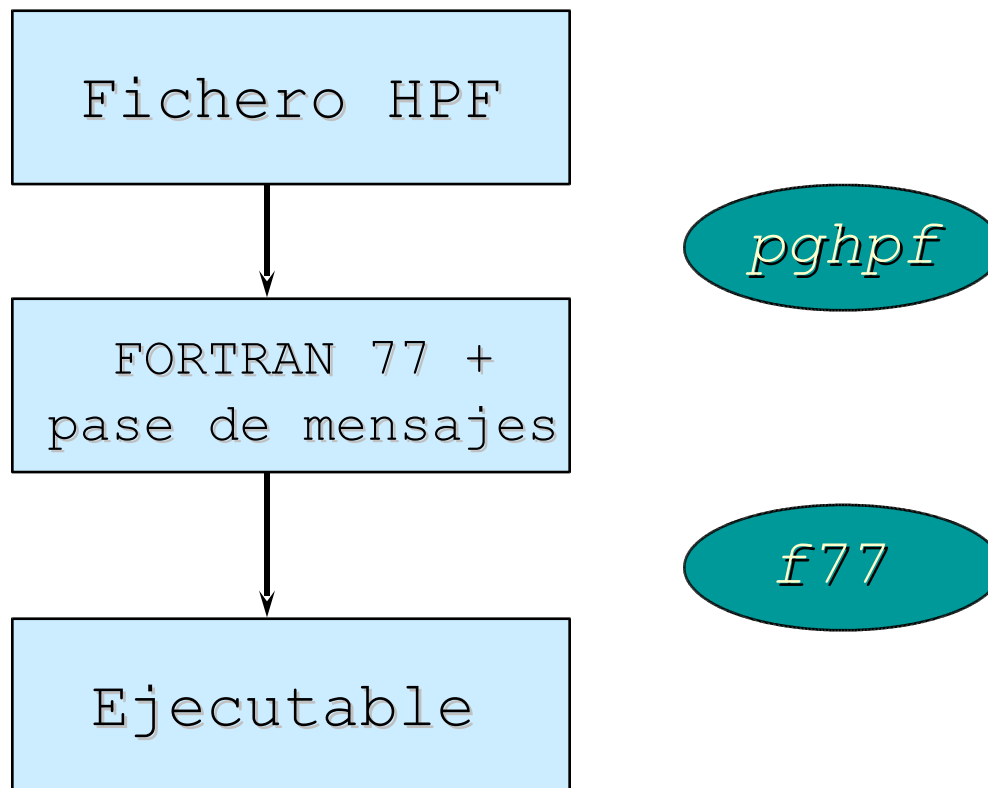


# Compilador pghpf

- No admite:
  - Procedimientos internos
  - Recursividad
  - Punteros en tipos de datos derivados
  - Ciertas funciones intrínsecas no van con datos derivados: **CSHIFT**, **LBOUND**, **PACK**, **SHAPE**, **SIZE**, **SPREAD**, **TRANSPOSE**, ...
- Ver *pghpf Release Notes* para más información
  - [http://www.cesga.es/manuales/PGHPF/release\\_notes/relnot.htm](http://www.cesga.es/manuales/PGHPF/release_notes/relnot.htm)
  - `/usr/pgi/release_notes.ps`

# Portland Group Compiler: pghpf

- Etapas de compilación



# Portland Group Compiler: pghpf

- Compilación:

```
pghpf [-Mopt] [-o out] file.hp[.f90] [libs]
```

Ejemplo, un solo nodo: `pghpf -Mf90 -o hola hola.hp`

Ejemplo, varios nodos:

```
pghpf -Mmpi -o hola hola.hp
-L/opt/FSUNaprun/lib -lmpi -lemi
```

- Ejecución:

Ejemplo, un solo nodo: `hola -pghpf -stat all`

Ejemplo, varios nodos:

```
aprun -nproc 4 hola -- -pghpf -stat alls
```

# Portland Group Compiler: pghpf

- Algunas opciones de compilación
  - `-Mmpi [pvm, rpm]` → Librería de pase de mensajes
  - `-Mf90` → Compila para un solo procesador
  - `-Mstats` → Estadísticas de comunicación
  - `-Mautopar` → Autoparaleliza lazos DO
  - `-Mfreeform` → Formato de escritura libre
  - `-Mftn` → Obtiene el código F77
  - `-Mnoindependent` → No aplica la directiva **INDEPENDENT** a lazos DO
  - `-Minfo` → Información de la compilación  
 (`-Minfo=all[, autopar, loop]`)

# Portland Group Compiler: pghpf

- Algunas opciones de ejecución: `-pghpf`
  - `-np p` → N° de procesadores (si se usa `aprun`, este `p` debe ser  $\leq$  que el indicado en `-nproc`)
  - `-stat all [cpu,mem,...] [s]` → Muestra estadísticas de tiempo, memoria, comunicación,...
- Para más opciones, ver *pghpf User's guide*
  - <http://www.cesga.es/ga/CalcIntensivo/Manuais.html>

# Más información

---

- High Performance Fortran Forum (HPFF):  
<http://www.vcpc.univie.ac.at/information/mirror/HPFF/>
- The HPF User Group (HUG)  
<http://www.vcpc.univie.ac.at/information/HUG/>
- “The High Performance Fortran Handbook”, C. H. Koebel et. al., The MIT Press, 1994
- “Fortran 90 Programming”, T.M.R. Ellis, I.R. Philips y T.M.Lahey, Addison-Wesley, 1994

# Más información

---

- “Fortran 95 Handbook”, J.C. Adams et. al. The MIT Press, 1997
- High Performance Computing Projects at Liverpool University:  
<http://www.liv.ac.uk/HPC/HPCpage.html>
- Grado de penetración de HPF  
<http://dacnet.rice.edu/Depts/CRPC/HPFF/index.cfm>